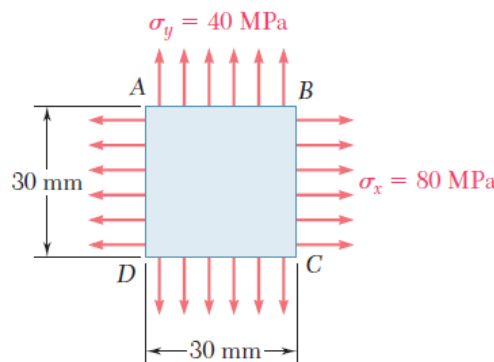


جلسه سوم تحلیل تنش در ورق تحت شرایط تنش صفحه ای

در شکل زیر با در نظر گرفتن مدول یانگ ۲۰۰۰۰۰ مگاپاسکال و ضریب پواسون ۰/۳ تغییر طول و کرنش اعضای (الف) AB، (ب) BC و (ج) AC را بدست آورید. همچنین، روابط تنش میزز و ناوردهای آن را نوشته و آنها را با مقدار بدست آمده از نرم افزار مقایسه نمایید. در ادامه همین مسئله را به دو روش دیگر یکی سه بعدی و دیگری با المان پوسته مدل کرده و نتایج را با حالت دوبعدی مقایسه نمایید.



« حل تئوری »

با توجه به شرایط مسئله (تنش صفحه‌ای)، کرنش‌ها به صورت زیر محاسبه می‌شوند:

$$\varepsilon_x = \frac{\sigma_x}{E} - \frac{\nu}{E} \sigma_y \rightarrow \delta_{AB} = \varepsilon_x L_{AB} = 10.20 \mu m$$

$$\varepsilon_y = \frac{\sigma_y}{E} - \frac{\nu}{E} \sigma_x \rightarrow \delta_{BC} = \varepsilon_y L_{BC} = 2.40 \mu m$$

$$\delta_{AC} = 10.48 \mu m$$

رابطه تنش میزز و ترسکا:

$$\sigma_{Mises} = \sqrt{\sigma_1^2 - \sigma_1 \sigma_2 + \sigma_2^2} = \sqrt{80^2 - 80 \times 40 + 40^2} = 69.28 MPa$$

$$\sigma_{Tresca} = |\sigma_{max} - \sigma_{min}| = 80 - 0 = 80 MPa$$

محاسبه ناوردهای تنش:

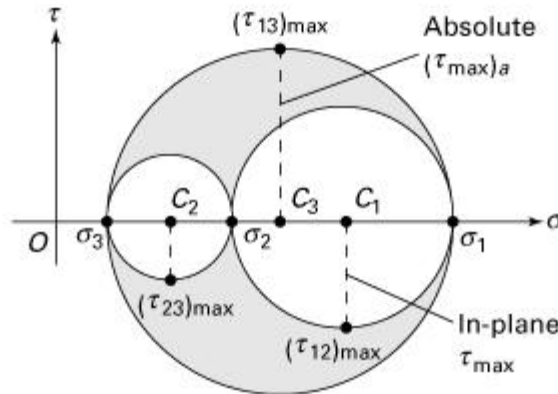
$$I_1 = \sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3 = 120 \quad , \quad I_2 = \sigma_1 \sigma_2 + \sigma_2 \sigma_3 + \sigma_1 \sigma_3 = 3200 \quad , \quad I_3 = \sigma_1 \sigma_2 \sigma_3 = 0$$

.....
Teacher: Ehsan Fathi, PHD Student in Mechanical Engineering at University of Birjand

Email: ehsanfathi_eh@yahoo.com

Website: FathiTrainingGroup.com

Tel: 09386249330



جدول ۱: واحدها در آباکوس

Quantity	SI	SI (mm)	US Unit (ft)	US Unit (inch)
Length	m	mm	ft	in
Force	N	N	lbf	lbf
Mass	kg	tonne (10 ³ kg)	slug	lbf s ² /in
Time	s	s	s	s
Stress	Pa (N/m ²)	MPa (N/mm ²)	lbf/ft ²	psi (lbf/in ²)
Energy	J	mJ (10 ⁻³ J)	ft lbf	in lbf
Density	kg/m ³	tonne/mm ³	slug/ft ³	lbf s ² /in ⁴

جدول ۲: روابط تنش میزز

Load scenario	Restrictions	Simplified von Mises equation
General	No restrictions	$\sigma_v = \sqrt{\frac{1}{2}[(\sigma_{11} - \sigma_{22})^2 + (\sigma_{22} - \sigma_{33})^2 + (\sigma_{33} - \sigma_{11})^2 + 6(\sigma_{12}^2 + \sigma_{23}^2 + \sigma_{31}^2)]}$
Principal stresses	No restrictions	$\sigma_v = \sqrt{\frac{1}{2}[(\sigma_1 - \sigma_2)^2 + (\sigma_2 - \sigma_3)^2 + (\sigma_3 - \sigma_1)^2]}$
General plane stress	$\sigma_3 = 0$ $\sigma_{31} = \sigma_{23} = 0$	$\sigma_v = \sqrt{\sigma_1^2 - \sigma_1\sigma_2 + \sigma_2^2 + 3\sigma_{12}^2}$
Principal plane stress	$\sigma_3 = 0$ $\sigma_{12} = \sigma_{31} = \sigma_{23} = 0$	$\sigma_v = \sqrt{\sigma_1^2 - \sigma_1\sigma_2 + \sigma_2^2}$
Pure shear	$\sigma_1 = \sigma_2 = \sigma_3 = 0$ $\sigma_{31} = \sigma_{23} = 0$	$\sigma_v = \sqrt{3} \sigma_{12} $
Uniaxial	$\sigma_2 = \sigma_3 = 0$ $\sigma_{12} = \sigma_{31} = \sigma_{23} = 0$	$\sigma_v = \sigma_1$

Teacher: Ehsan Fathi, PHD Student in Mechanical Engineering at University of Birjand

Email: ehsanfathi_eh@yahoo.com

Website: FathiTrainingGroup.com

Tel: 09386249330